

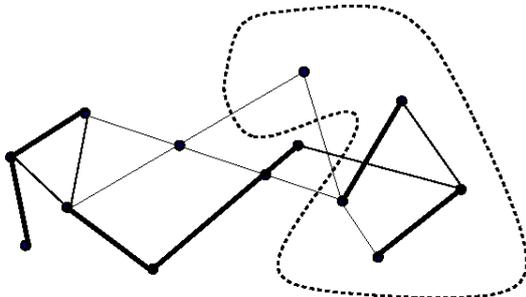
Algorithmique des Graphes

L3 informatique

mercredi 2 avril de l'an $1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + 5^3 + 6^3 + 7^3 + 8^3 + 9^3$

Vous êtes invités à remettre une copie claire, concise, sans rature ni surcharge en répondant aux questions dans l'ordre de l'énoncé... La note tiendra compte de la présentation générale de la copie.

Q1. Ecrire une source au format **dot** pour définir le graphe maison à 5 sommets : A, B, C, D, E.



Q2. Compléter la figure ci-dessus pour mettre en évidence une coupure $\{P, Q\}$ qui respecte les arêtes en trait gras, en coloriant les arêtes traversantes.

Q3. Quelle est la complexité de l'algorithme de Kruskal appliqué à un arbre d'ordre n ?

Q4. Dessiner un graphe d'ordre 5 sans clique d'ordre 3, ni stable d'ordre 3.

Q5. Un automorphisme du graphe $G(S, A)$ est une permutation f de S qui conserve l'adjacence :

$$\forall i, j \in S, \quad ij \in A \implies f(i)f(j) \in A.$$

Quels graphes d'ordre n possèdent $n!$ automorphismes ?

Q6. Montrer par un dessin commenté qu'un graphe 3-régulier possède au moins un cycle de longueur supérieure ou égal à 4.

Q9. Quelles expériences réalisées en travaux-pratiques illustrent un théorème de Erdos et Renyi ?

```

1 typedef struct {
2     int nbs;
3     char ** mat;
4 } graphe;
5
6 void PPR( int s, graphe g, int *t, int
7     *r, int v[ ] );
8
9 int X( graphe g )
10 { int n = g.nbs;
11   int* v = calloc( n, sizeof(int) );
12   for( s = 0; s < n; s++ )
13     if ( 0 == v[ s ] ) {
14       int r = 0, t = 0;
15       PPR( s, g, &t, &r, v );
16       if ( r >= t ) cpt++;
17     }
18   free ( v );
19   return cpt == 0;
20 }

```

Q7. Coder une variante du parcours en profondeur récursif qui détermine le nombre de sommets et le nombre de d'arêtes de la composante connexe de s .

Q8. Préciser le résultat retourner par **X**.



Paul Erdős (1913-1996) Alfréd Rényi (1921-1970)